

Metode de programare

Asist.univ.dr. Simona Elena Vârlan

Structura curs

- ✓ **1 ore de curs** – ambele specializări, titular curs Simona Elena Vârlan (cabinet D213, vineri)
- ✓ 2 ore de laborator + 1 oră de seminar
titular Simona Elena Vârlan

Evaluarea

- Examen final (E) – 50%
- Evaluare pe parcursul semestrului a activității de seminar/laborator prin rezolvarea de probleme/teme / lucrare de control (L) – 50%
- Nota finală: $(L + E) / 2 \geq 5$

Curs 1

Recapitulare cunoștințe fundamentale de la cursurile de Programare și Structuri de date

1. Noțiunea de algoritm
2. Reprezentarea unui algoritm
3. Elementele programării structurate
4. Concepția unui algoritm
5. Proiectarea algoritmilor
6. Corectitudinea algoritmilor
7. Verificarea corectitudinii algoritmilor
8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale
9. Structuri de date
10. Structura de date de tip listă
11. Structura de date de tip stivă
12. Structura de date de tip coadă
13. Bibliografie și webografie

1. Noțiunea de algoritm

- În procesul de rezolvare a unei probleme folosind calculatorul există două etape:
- *1. Definirea și analiza problemei*
- *2. Proiectarea și implementarea unui algoritm* care rezolvă problema
- *1. Definirea și analiza problemei* poate fi la rândul ei descompusă în:
 - ✓ specificarea datelor de intrare
 - ✓ specificarea datelor de ieșire

1. Noțiunea de algoritm

Specificarea **datelor de intrare** constă în:

1. Ce date vor fi primite la intrare
2. Care este formatul (forma lor de reprezentare) datelor de intrare
3. Care sunt valorile permise sau nepermise pentru datele de intrare
4. Există unele restricții (altele decât la 3) privind valorile de intrare
5. Câte valori vor fi la intrare, sau dacă nu se poate specifica un număr fix de valori, cum se va ști când s-au terminat de introdus datele de intrare.

1. Noțiunea de algoritm

Specificarea **datelor de ieșire** trebuie să țină cont de următoarele aspecte:

1. Care din valorile rezultate în cursul aplicării algoritmului de calcul, asupra datelor de intrare, vor fi afișate (necesare utilizatorului), în acest pas se face diferențierea clară între *date intermediare* și *date de ieșire*.

2. Care va fi formatul datelor de ieșire (de exemplu un număr real poate fi afișat cu trei sau cu cinci zecimale, sau un text poate fi afișat integral sau parțial).

1. Noțiunea de algoritm

- O definiție a noțiunii de **algoritm** poate fi:

O succesiune finită de operații cunoscute care se execută într-o succesiune logică bine stabilită astfel încât plecând de la un set de date de intrare, să obținem într-un interval de timp finit un set de date de ieșire.

Un exemplu simplu de algoritm ar fi suita de operații matematice făcută în rezolvarea unei ecuații matematice de gradul II:

$$a \cdot x^2 + b \cdot x + c = 0$$

coeficienții a, b și c se schimbă dar modul de procesare a valorilor lor, nu

1. Noțiunea de algoritm

- **Proprietățile** unui algoritm sunt:

1. **Generalitate.** Un algoritm trebuie să poată fi utilizat pentru o *clasă* întreagă de *probleme*, nu numai pentru o problemă particulară. Din această cauză, o metodă de rezolvare a unei ecuații particulare nu poate fi considerată *algoritm*.
2. **Finitudine.** Orice algoritm trebuie să permită obținerea rezultatului după un *număr finit* de prelucrări (pași).
3. **Determinism.** Un algoritm trebuie să prevadă, fără ambiguități și fără neclarități, modul de soluționare a tuturor situațiilor care pot să apară în rezolvarea problemei. Dacă în cadrul algoritmului nu intervin elemente aleatoare, atunci ori de câte ori se aplică algoritmul aceluiași set de date de intrare trebuie să se obțină același rezultat.

1. Noțiunea de algoritm

Tipuri de prelucrări:

Prelucrările care intervin într-un algoritm pot fi *simple* sau *structurate*.

- **Prelucrările simple** sunt *atribuiri* de valori variabilelor, eventual prin evaluarea unor expresii;
- **Prelucrările structurate** pot fi de unul dintre tipurile:
 - **Liniare**. Sunt secvențe de prelucrări simple sau structurate care sunt efectuate în ordinea în care sunt specificate;
 - **Alternative**. Sunt prelucrări caracterizate prin faptul că în funcție de realizarea sau nerealizarea unei condiții se alege una din două sau mai multe variante de prelucrare;
 - **Repetitive**. Sunt prelucrări caracterizate prin faptul că aceeași prelucrare (simplă sau structurată) este repetată cât timp este îndeplinită o anumită condiție.

1. Noțiunea de algoritm

- Concluzia:

**Un algoritm este independent de
tipul de limbaj în care este
transpus sau de tipul de
calculator pe care este executat.**

2. Reprezentarea unui algoritm

Modul de descriere a unui algoritm, este independent de un limbaj de programare, existând **două metode clasice**:

1. metoda schemei logice

2. metoda pseudocod-ului

3. Elementele programării structurate

- **Structurile de control de bază** – cu ajutorul lor se pot descrie algoritmi: secvența, decizia alternativă binară (if) și structura repetitivă cu test inițial (while)
- Care sunt cele derivate?
- Cum sunt reprezentate cu scheme logice sau pseudocod?

3. Elementele programării structurate

- Programarea pe baza celor trei structuri (și a celor auxiliare) se numește **programare structurată**.
- Informaticienii Böhm și Jacopini au formulat un **principiu al programării structurate**, sub forma unei teoreme: cele trei structuri (secvența, decizia și repetiția condiționată anterior) sunt suficiente pentru a descrie orice algoritm.

Teorema programării structurate a lui Böhm și Jacopini care se poate enunța astfel:

Orice schemă logică nestructurată poate fi înlocuită cu una echivalentă, dar structurată, prin adăugarea de noi acțiuni și condiții.

Așadar, orice program poate fi pus sub o formă structurată, adică să conțină doar structurile de bază și/sau structurile auxiliare, prin utilizarea unor variabile boolene asociate unor funcții suplimentare

3. Elementele programării structurate

Exemplu:

Algoritmul următor determină cel mai mic element (notat min) din șirul de n elemente X și este **într-o formă nestructurată**

 Citeste n, X

 i = 1

 min = X(0)

A: dacă i>n atunci

 treci la pasul B -> instrucțiune de salt necondiționată, nu e secvențială
 altfel

 dacă X(i)<min atunci

 min = X(i)

 i = i+1

 treci la pasul A

B: Scrie min

3. Elementele programării structurate

Exemplu:

Algoritmul rescris **într-o formă structurată**, utilizând structurile de bază

Citeste n, X

min = X(0)

i = 1

cât timp i <= n execută

 dacă X(i)<min atunci

 min = X(i);

 i = i+1

Scrie min

Cum se rescrie algoritmul folosind o structură repetitivă derivată?

4. Concepția unui algoritm

Pași necesari:

1. Problema care va fi rezolvată, trebuie citită cu atenție.
2. Apoi se stabilesc prelucrările care sunt necesare obținerii rezultatelor dorite.

Pentru a crea un algoritm eficient trebuie evidențiate datele de intrare și datele de ieșire.

5. Proiectarea algoritmilor

Există două metode **generale** de proiectare a algoritmilor, a căror denumire provine din modul de abordare a rezolvării problemelor:

metoda top-down (descendentă) și

metoda ascendentă (bottom-up).

5. Proiectarea algoritmilor

Motoda top-down

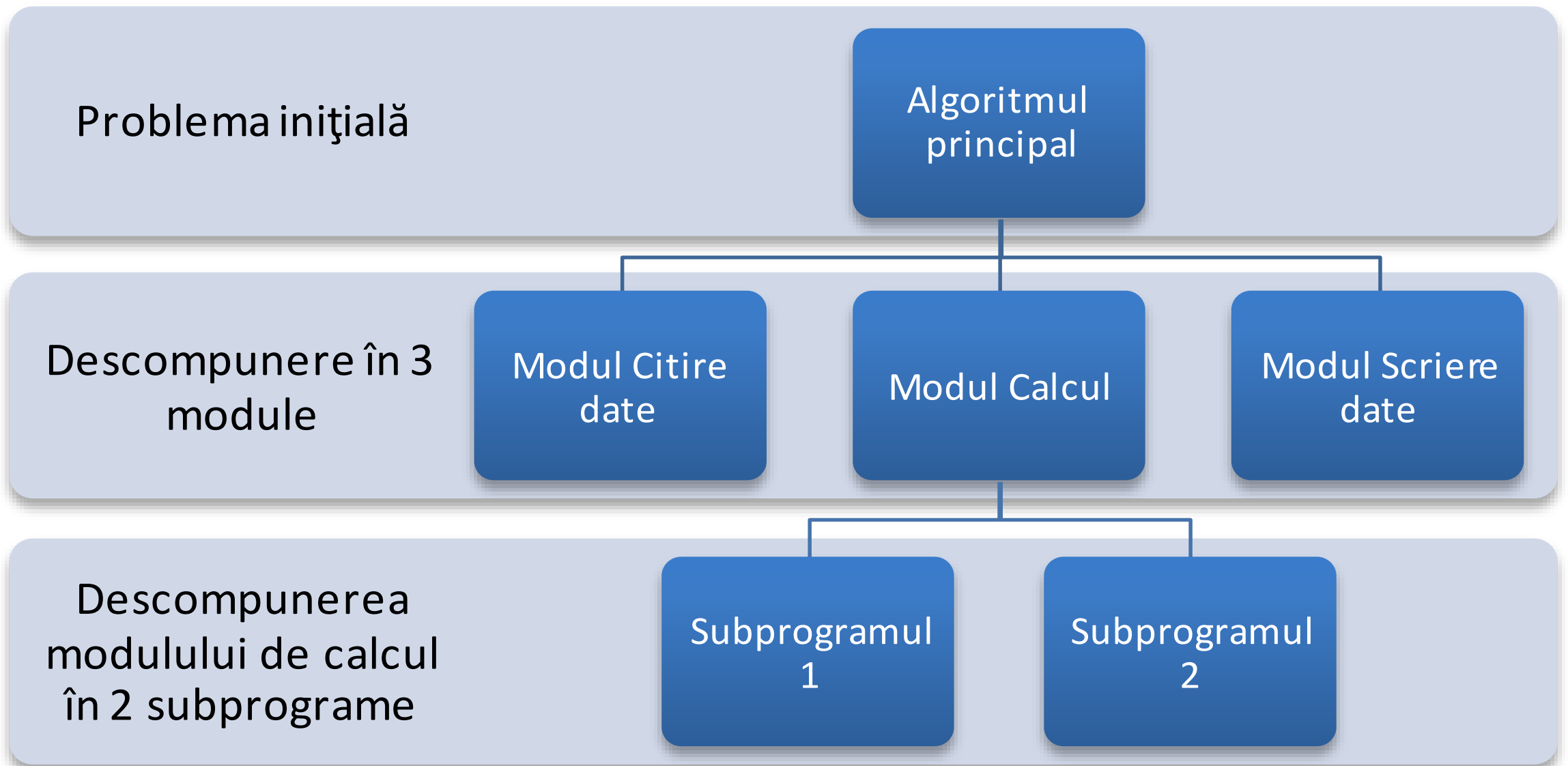
Proiectarea descendentă (top-down) pornește de la problema de rezolvat, pe care o descompune în mai multe probleme ce se pot rezolva separat (care la rândul lor pot fi descompuse în subprobleme).

Primul pas al metodei descompune algoritmul principal în subprobleme.

Pasul doi – pentru fiecare subproblemă în parte elaborăm un subalgoritm de rezolvare, urmând aceeași metodă.

În final se combină soluțiile să formeze soluția problemei inițiale.

5. Proiectarea algoritmilor



5. Proiectarea algoritmilor

Avantajele proiectării top-down(cunoscută și sub denumirea "Divide et impera")

Permite programatorului să reducă complexitatea problemei: subproblemele în care a fost descompusă fiind mai simple, și să amâne detaliile pentru mai târziu. Când descompunem problema în subprobleme nu ne gândim cum se vor rezolva subproblemele ci doar care sunt ele și conexiunile dintre ele.

Permite lucrul în echipe mari: Prin descompunerea problemei în mai multe subprobleme, fiecare subproblemă poate fi dată spre rezolvare unei subechipe.

5. Proiectarea algoritmilor

Metoda bottom-up

În cazul metodei ascendente (bottom-up) va fi scris mai întâi subalgoritmul apelat și apoi cel care apelează. Se ajunge astfel la o mulțime de subalgoritmi care se apelează între ei. Este important să se cunoască care subalgoritm apelează pe care, lucru redat printr-o structură arborescentă, ca și în cazul programarii descendente.

Principalul dezavantaj - faptul că erorile vor fi detectate târziu, abia în faza de asamblare.

De cele mai multe ori proiectarea algoritmilor combină cele două metode, ajungând astfel la o proiectare mixtă.

5. Proiectarea algoritmilor

Proiectarea modulară

Prin proiectare / programare modulară un algoritm se va rezolva prin folosirea **modulelor**.

Modulul este considerat o unitate structurală de sine stătătoare, care poate fi un program, un subprogram, sau o unitate de program. Poate fi format din mai multe submodule.

Fiecare modul realizează o funcție bine precizată în cadrul întregului program.

Modulele sunt independente, dar pot “comunica” între ele prin transmitere de parametri sau prin apeluri.

5. Proiectarea algoritmilor

Proiectarea modulară

Programarea modulară este strâns legată de programarea ascendentă și de programarea descendentă, ambele presupunând folosirea subalgoritmilor pentru toate subproblemele întâlnite.

Avantajele programarii modulare:

- Descompunerea unei probleme complexe în subprobleme;
- Probabilitatea apariției erorilor în conceperea unui subprogram este mult mai mică decât dacă s-ar lucra cu tot programul inițial.
- Rezolvând o problemă mai simplă (un modul), testarea acestui modul se poate face mult mai ușor decât testarea întregului algoritm;
- Permite munca în echipă, modalitate prin care se ajunge la scurtarea termenului de realizare a programului;
- Modulele se pot refolosi.

5. Proiectarea algoritmilor

Proiectarea structurată – concluzii finale

Înglobează toate metodele de proiectare a algoritmilor descrise anterior.

De asemenea, programarea structurată este definită ca fiind programarea în care abordarea este top-down, organizarea muncii este făcută pe principiul echipei, iar în proiectarea algoritmilor se folosesc cele trei structuri de calcul definite de Bohm-Jacopini (**secvențială, decizională, repetitivă**).

6. Corectitudinea algoritmilor

Corectitudinea – spunem că un algoritm este corect dacă el furnizează în mod corect datele de ieșire pentru toate situațiile regăsite în datele de intrare.

Există totuși algoritmi care sunt corecți, clari, generali și furnizează soluția într-un timp finit însă mai lung sau folosesc mai multă memorie decât alți algoritmi.

Vom încerca să găsim algoritmi care să dea soluția într-un timp cât mai scurt, cu cât mai puțină memorie folosită. Cu alte cuvinte vom încerca să elaborăm algoritmi **eficienți**.

Numim deci **eficiență** - capacitatea algoritmului de a da o soluție la o problemă într-un timp de execuție cât mai scurt, folosind cât mai puțină memorie.

În elaborarea algoritmilor apar frecvent erori. Prezentăm câteva dintre cele mai întâlnite tipuri de erori și câteva metode de tratare a lor.

6. Corectitudinea algoritmilor

Erori în datele inițiale

- Provin din introducerea, ca valori de intrare, a unor date de tip diferit de cel prevăzut la elaborarea algoritmului. În aceste situații algoritmul nu se comportă în modul așteptat, generând erori sau eventuale date de ieșire eronate.
- O altă eroare frecventă este confuzia între variabilele globale și locale

Erori de trunchiere, erori de rotunjire și erori de calcul

- Eroare de trunchiere este diferența dintre rezultatul exact (pentru datele de intrare curente) și rezultatul furnizat de un algoritm dat utilizând aritmetica exactă.
- Eroare de rotunjire este diferența dintre rezultatul produs de un algoritm dat utilizând aritmetica exactă și rezultatul produs de același algoritm utilizând o aritmetică cu precizie limitată (de exemplu aritmetica virgulei mobile).
- Eroarea de calcul este suma dintre eroarea de trunchiere și eroarea de rotunjire, dar de obicei una dintre acestea predomină.

6. Corectitudinea algoritmilor

Erori reziduale

- Sunt acele erori care rezultă din diferența între valorile obținute efectiv și cele așteptate a fi obținute.

Erori de sintaxă

- Sunt erorile cele mai frecvente și cel mai ușor de corectat (greșeli de tastare, de punctuație, de plasare a instrucțiunilor, confuzia între șirurile de caractere și numere).

Erori de logică (semantice)

- Se generează atunci când nu se obțin rezultatele așteptate deși nu sunt generate erori în timpul execuției programului sau erori sintactice.

6. Corectitudinea algoritmilor

Tehnici de depistare a erorilor

Urmărirea secvențială a algoritmului (logica programului) folosind reprezentarea în pseudocod a algoritmului.

Utilizarea comentariilor - este bine să inserăm cât mai multe comentarii în algoritmi cu explicații sau chiar transformarea liniilor de cod în comentarii și rularea programului pentru a urmări mai ușor modul de execuție și rezultatele obținute.

Adaugarea de instrucțiuni de afișarea a valorilor variabilelor pas cu pas, a rezultatelor unor expresii sau a unor mesaje pentru a verifica execuția corectă a programului.

Descompunerea programelor complexe în mai multe module pentru a mări gradul de localizare a erorilor dar și pentru reutilizarea codului.

7. Verificarea corectitudinii algoritmilor

Un algoritm realizat trebuie să fie:

- corect,
- clar,
- sigur în funcționare,
- ușor de modificat,
- portabil,
- eficient,
- însoțit de o documentație corespunzătoare.

Există numeroase tehnici de verificare și validare a algoritmilor:

- **tehnica testarii programelor și depanarea programelor**

7. Verificarea corectitudinii algoritmilor

Tehnica testării programelor

Prin testare se verifică funcționarea programului, de a găsi posibilele defecte ale acestuia astfel încât programul să funcționeze la parametri prevăzuți.

Procesul de detectare și apoi de eliminare a erorilor unui algoritm are două componente, numite:

- verificare
- Validare

Testarea programului pe diverse seturi de date de test

Se bazează pe construirea unor eșantioane de date de intrare care să conducă la depistarea unor erori în funcționarea programului.

Seturile de date de test trebuie să acopere inclusiv **situații de excepție** și să verifice dacă fiecare subproblemă a problemei date este rezolvată corect .

7. Verificarea corectitudinii algoritmilor

Metode de testare a programelor (teste software)

1. Testarea funcțională sau metoda cutiei negre (black box) - presupune construirea datelor de test astfel încât să permită testarea **fiecărei funcțiuni a programului (funcționalitatea programului)**;

- Tester-ul știe doar ce trebuie să facă programul nu și cum face;
- Cazurile de testare se construiesc cu ajutorul cerințelor și specificațiilor.

2. Testarea structurală sau metoda cutiei transparente (white box) - presupune construirea datelor de test astfel încât **toate părțile programului** să poată fi testate.

- Se testează structura internă și modul de prelucrare a datelor;
- Tester-ul trebuie să știe cum a fost făcut programul și să aibă experiență de programare

3. Testarea prin metoda cutiei gri (gray box) – presupune ca tester-ul să cunoască algoritmi și structurile de date din program, dar să testeze ca un utilizator final.

7. Verificarea corectitudinii algoritmilor

Depanarea unui program (debugging)

Constă în localizarea erorii, determinarea naturii sale. Ea se poate face în mod:

- static, după executarea programului
- dinamic, în timpul execuției acestuia

Mai toate mediile de programare ofera posibilitatea de debugg care permite execuția programului pas cu pas sau stabilirea unor puncte de întrerupere în care să inspectăm starea programului.

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

1. Să se scrie un program care verifică dacă un număr n este perfect sau nu.

Un număr perfect este egal cu suma divizorilor lui, inclusiv 1 (exemplu: $6 = 1 + 2 + 3$).

Exemplu:

- Pentru $n = 28$, se va afișa mesajul

Numar perfect (divizorii lui 28 sunt 1, 2, 4, 7, 14)

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

Pas 1: Stabilim care sunt datele de intrare, adică cele care vor fi prelucrate cu ajutorul algoritmului, împreună cu datele de ieșire.

În cazul problemei date, avem:

- **Date de intrare:** n număr natural
- **Date de ieșire:** mesaj corespunzător

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

Pas 2: Analiza problemei

- 1) La începutul problemei, vom **inițializa o variabilă de tip suma cu valoarea 0.**
- 2) **Pentru fiecare valoare i de la 1 la $n-1$** vom verifica **dacă i este divizor al numărului n .** Dacă este divizor atunci il insumam la valoarea s .
- 3) Verificam daca **suma obtinuta este egala cu numărul n .** Dacă da atunci scriem mesajul
‘Numarul este perfect’.

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

natural n, i, s

citește n

$i = 1$

$s = 0$

repetă

dacă $n \% i = 0$ atunci

$s = s + i$

sfârșit dacă

$i = i + 1$

până când $i > n-1$

->

dacă $s = n$ atunci

scrie 'Este perfect'

altfel

scrie 'NU este perfect'

sfârșit dacă

stop

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

Se citesc două numere întregi a și b . Să se realizeze în pseudocod un algoritm care să verifice dacă cele două numere sunt **prietene**.

Spunem ca două numere sunt **prietene** dacă suma divizorilor proprii ai unui număr este egală cu celălalt număr și invers.

Exemplu:

Pentru $n = 220$, și $m = 284$ se vor afișa valorile:

Divizorii lui 220, sunt 1, 2, 4, 5, 10, 11, 20, 22, 44, 55 și 110.
Suma este 284

Divizorii lui 284, sunt 1, 2, 4, 71 și 142. Suma lor este 220

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

Pas 1: Stabilim care sunt datele de intrare, adică cele care vor fi prelucrate cu ajutorul algoritmului, împreună cu datele de ieșire.

În cazul problemei date, avem:

- **Date de intrare:** n și m numere naturale
- **Date de ieșire:** numerele sunt sau nu prietene

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

Pas 2: Analiza problemei

- La începutul problemei, vom **inițializa valoarea unei variabile pentru suma divizorilor lui n cu 0**, iar apoi valoarea unei variabile pentru suma divizorilor lui **m cu 0**.
- Apoi, într-un ciclu repetitiv având $n/2$ pași vom calcula suma divizorilor lui n .
- Apoi, într-un ciclu repetitiv având $m/2$ pași vom calcula suma divizorilor lui m .
- La sfârșit **vom verifica dacă suma divizorilor primului număr este egală cu cel de-al doilea număr**, iar suma divizorilor celui de-al doilea număr este egală cu primul număr

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

natural $n, m, i, j, \text{suma_n}, \text{suma_m}$

citește n

$\text{suma_n} = 0$

pentru $i=1, n/2$ **execută**

daca $n \% i = 0$ **atunci**

$\text{suma_n} = \text{suma_n} + 1$

sfârșit daca

sfârșit pentru

$\text{suma_m} = 0$

pentru $j=1, m/2$ **execută**

dacă $m \% j = 0$ **atunci**

$\text{suma_m} = \text{suma_m} + j$

sfârșit dacă

sfârșit pentru

dacă $\text{suma_n} = m$ AND $\text{suma_m} = n$ **atunci**

scrie "Numere prietene"

altfel

scrie "Numere neprietene"

sfârșit dacă

stop

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

Se citește un număr întreg a . Să se realizeze un algoritm care să verifice dacă numărul citit este sau nu palindrom. Numim palindrom un număr care este egal cu oglinditul său.

De exemplu dacă se citește pentru a valoarea 323 atunci algoritmul va afișa „PALINDROM”, iar dacă va citi 123 va afișa „NU”.

Pas 1: Stabilim care sunt datele de intrare, adică cele care vor fi prelucrate cu ajutorul algoritmului, împreună cu datele de ieșire.

- **Date de intrare:** a număr natural
- **Date de ieșire:** mesaj corespunzător

8.Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

Pas 2: Analiza problemei

Algoritmul se bazează pe problema de calcul a numărului invers.

De aceea algoritmul descompune în cifre numărul **a** și formează numărul **invers**, dupa care compară acest număr invers cu numărul inițial citit.

Pentru asta avem nevoie de o copie a numărului „**a**” deoarece în structura repetitivă se modifică valoarea numărului introdus, iar noi avem nevoie de valoarea inițiala pentru verificare.

8. Algoritmi elementari ce folosesc structuri fundamentale

citeste a

aux = a // salvez valoarea inițială a lui a în aux

inv = 0 // initial inv este nul

cât timp aux ≠ 0 execută

inv = inv * 10 + aux % 10

aux = aux / 10

dacă inv = a atunci

scrie "Palindrom"

altfel

scrie "Nu este palindrom"

9. Structuri de date - recapitulare

O ***structură de date*** este o colecție de elemente asupra căreia se pot efectua anumite operații.

1.În funcție de **tipul datelor** memorate în cadrul structurii, structurile de date se pot clasifica în:

- structuri de date **omogene** – toate datele componente sunt de același tip (de exemplu tabloul);
- structuri de date **neomogene** – pot conține date de tipuri diferite (de exemplu înregistrarea).

2.În funcție de **modul de alocare a memoriei interne**, structurile de date sunt de două tipuri:

- structuri de date **statice (folosind vectori)** – ocupă o zonă de memorie de dimensiune fixă, alocată pe întreaga durată a execuției blocului în care este declarată (de exemplu tabloul, fișierul, lista, stiva, coada);
- structuri de date **dinamice (folosind pointeri)** – ocupă o zonă de memorie de dimensiune variabilă, alocată pe parcursul execuției programului, la cererea explicită a programatorului (de exemplu lista, stiva, coada).

10. Structura de date de tip listă

LISTA – structura de date logica, liniara, cu date omogene, in care fiecare element are un succesori si un predecesor, exceptand primul element, care nu are decat succesori si ultimul element care nu are decat predecesor.

Implementarea listelor:

- a) in functie de modul de alocare a memoriei interne:
 - implementare statica (folosind vectori)
 - implementare dinamica (folosind pointeri)
- b) in functie de modul de aranjare a elementelor listei:
 - secventiala – numai statica
 - inlantuita – statica si dinamica

Operații elementare care se pot efectua asupra unei liste:

- crearea unei liste vide;
- inserarea unui element în listă;
- eliminarea unui element din listă;
- accesarea unui element din listă;
- afișarea elementelor unei liste.



Exemplu

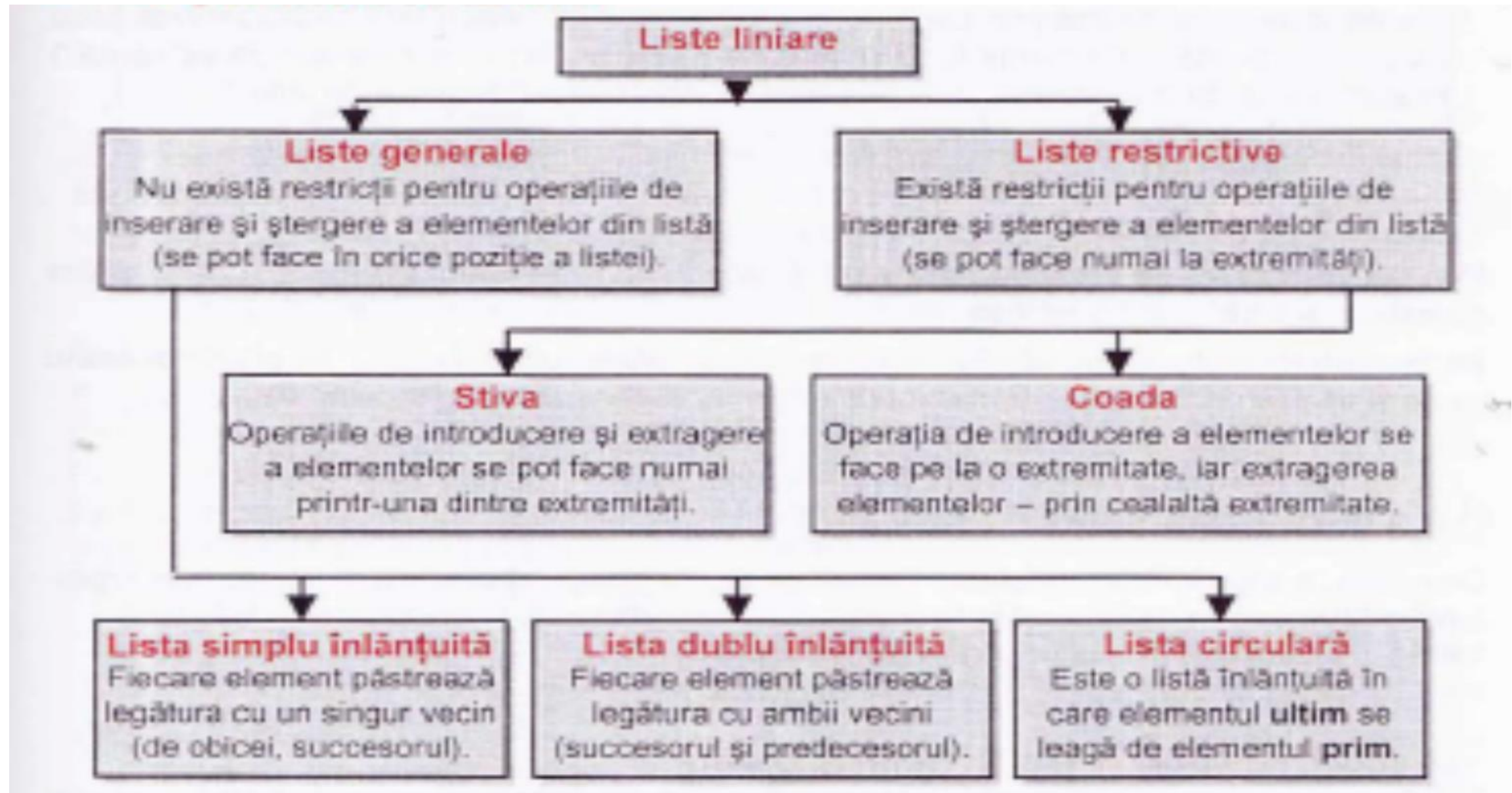
14, 2, 6, 77

LISTA	14	2	6	77
-------	----	---	---	----

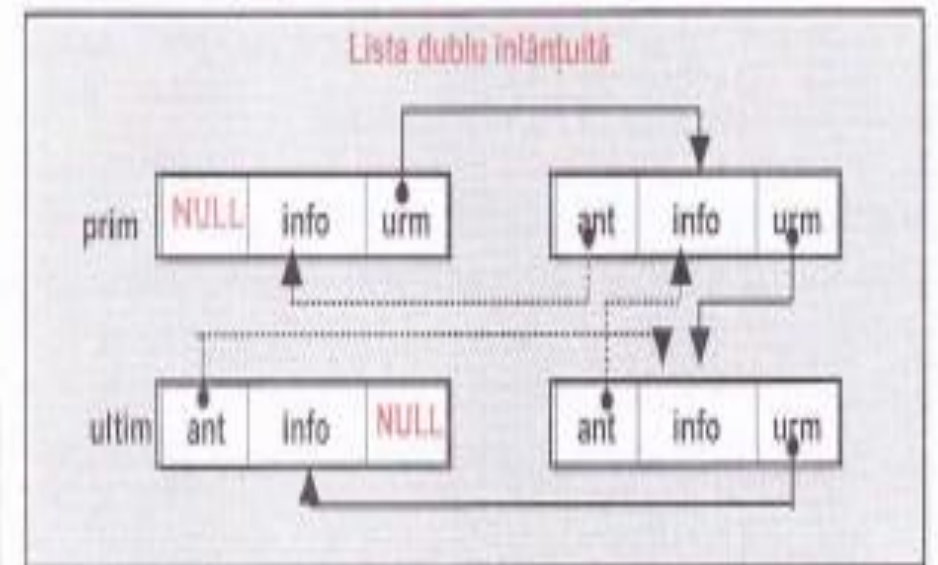
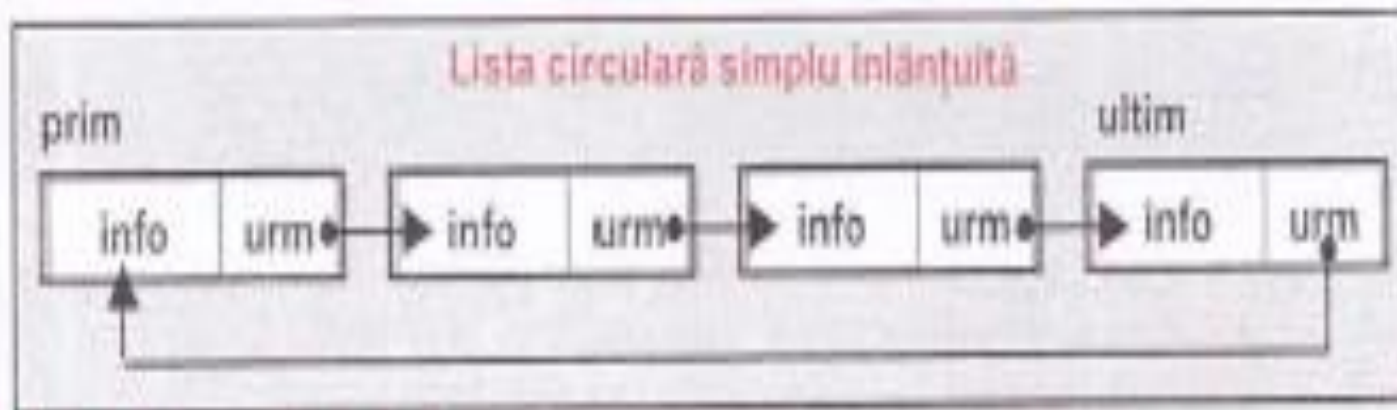
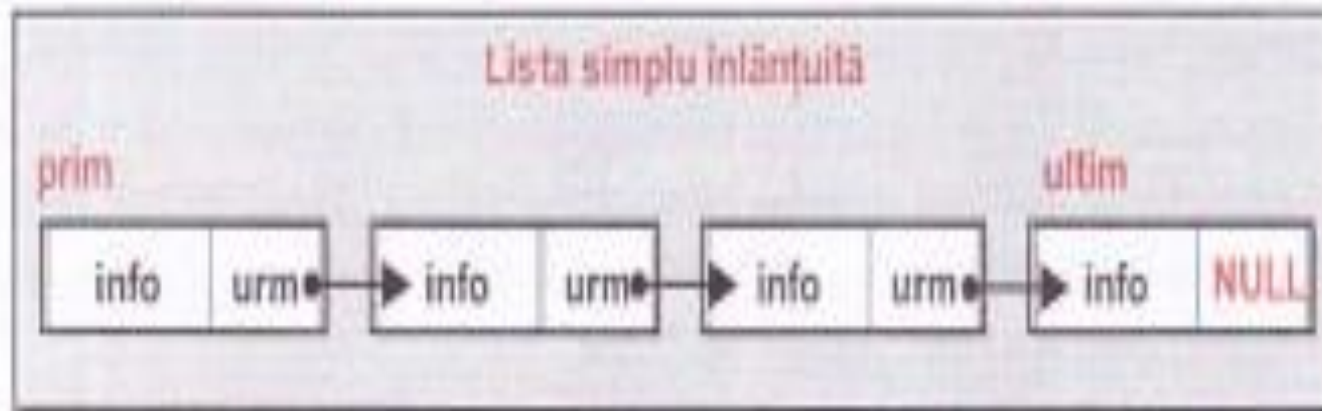
Implementarea prin alocare înlănțuită

- Nodurile sunt aranjate aleatoriu in memorie.
- Necesita un mecanism prin care sa se precizeze ordinea reala a nodurilor adica:
 - pozitia primului nod (prim)
 - pozitia ultimului nod (ultim)
 - succesorul fiecarui nod (urm)
- Metoda folosita este ca un nod al listei sa contina doua tipuri de informatii:
 - informatia propriu-zisa
 - informatia de legatura – adresa urmatorului nod.

Clasificarea Listelor



Clasificarea listelor



Declararea listei

```
const unsigned NMAX=100;
typedef unsigned  adresa;
struct nod
{
    <tip_1>  <info_11>;
    .....
    adresa urm;
};
nod lista [NMAX+1];
```

Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Se considera ca un nod al listei contine numai un camp cu informatie si campul pentru realizarea legaturii:

```
const unsigned NMAX=100;
```

```
typedef unsigned adresa;
```

```
struct nod
```

```
{int info;
```

```
adresa urm;};
```

```
nod lista [NMAX+1];
```

```
adresa prim, ultim, p;
```

```
unsigned nr_el, liber[NMAX];
```

```
int n;
```

unde:

prim – adresa primului nod

ultim – adresa ultimului nod

p – adresa nodului curent

n – valoarea atribuita campului info

nr_el – lungimea listei

liber – vector harta a nodurilor

- liber [p] are valoarea 1 daca
nodul p este liber si 0 daca
este ocupat

Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Testarea listei:

a)Lista vida

```
int este_vida (adresa prim )  
{ return prim = NULL; }
```

b)Lista plina

```
int este_plina ( )  
{ return nr_el = NMAX; }
```

Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Initializarea listei: se creeaza lista vida

```
void init ( adresa &prim, adresa &ultim )  
{ ultim = prim = NULL;  
  nr_el = 0;  
  for ( p = 1; p <= NMAX; p ++ )  
    liber [ p ] = 1;  
}
```

Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Alocarea memoriei: se gaseste prima pozitie libera si se alocă memorie pentru noul nod.

```
adresa alloc_mem ( )
```

```
{  
    for ( p = 1; ! liber [ p ]; p ++ ) ;  
    liber [ p ] = 0 ; nr_el ++;  
}
```

Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Adaugarea primului nod:

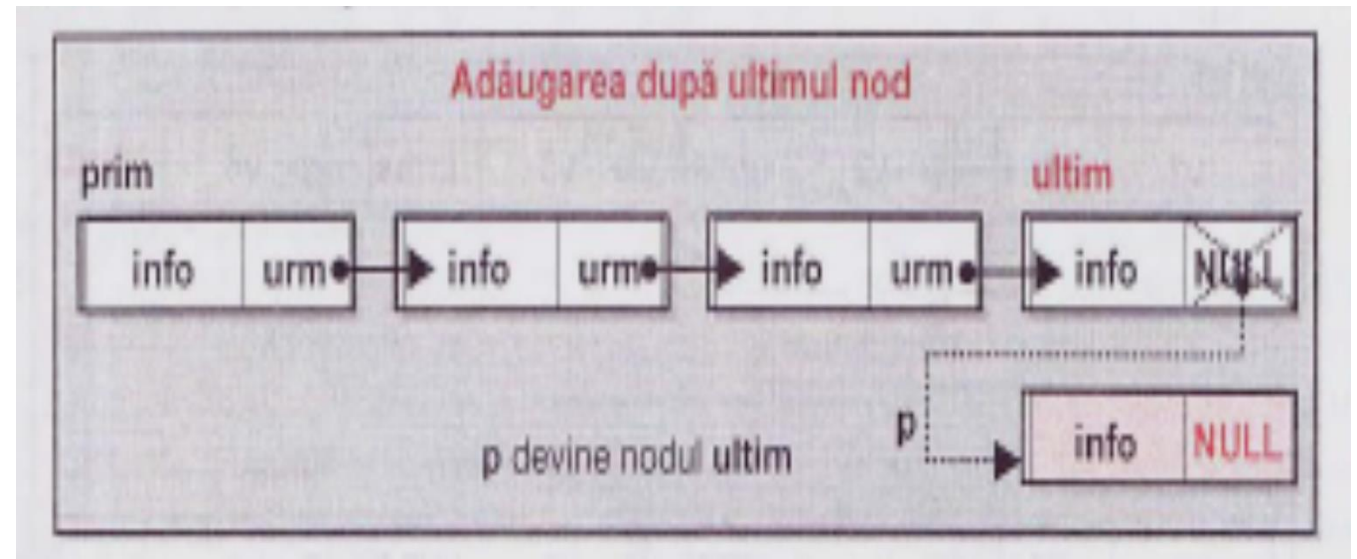
```
void adaug_prim ( adresa &prim, adresa &ultim, int n )  
{ prim = aloc_mem ( );  
  lista [ prim ] . info =  n;  
  lista [ prim ] .urm = NULL;  
  ultim = prim;  
}
```

Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Adaugarea dupa ultimul nod:

```
void adaug_dupa_ultim ( adresa &prim, adresa &ultim, int  
n )
```

```
{ p = aloc_mem ( );  
  lista [ p ] . info = n;  
  lista [ p ] . urm = NULL;  
  lista [ ultim ] . urm = p;  
  if (este_vida ( prim )) prim = p;  
  ultim = p;  
}
```

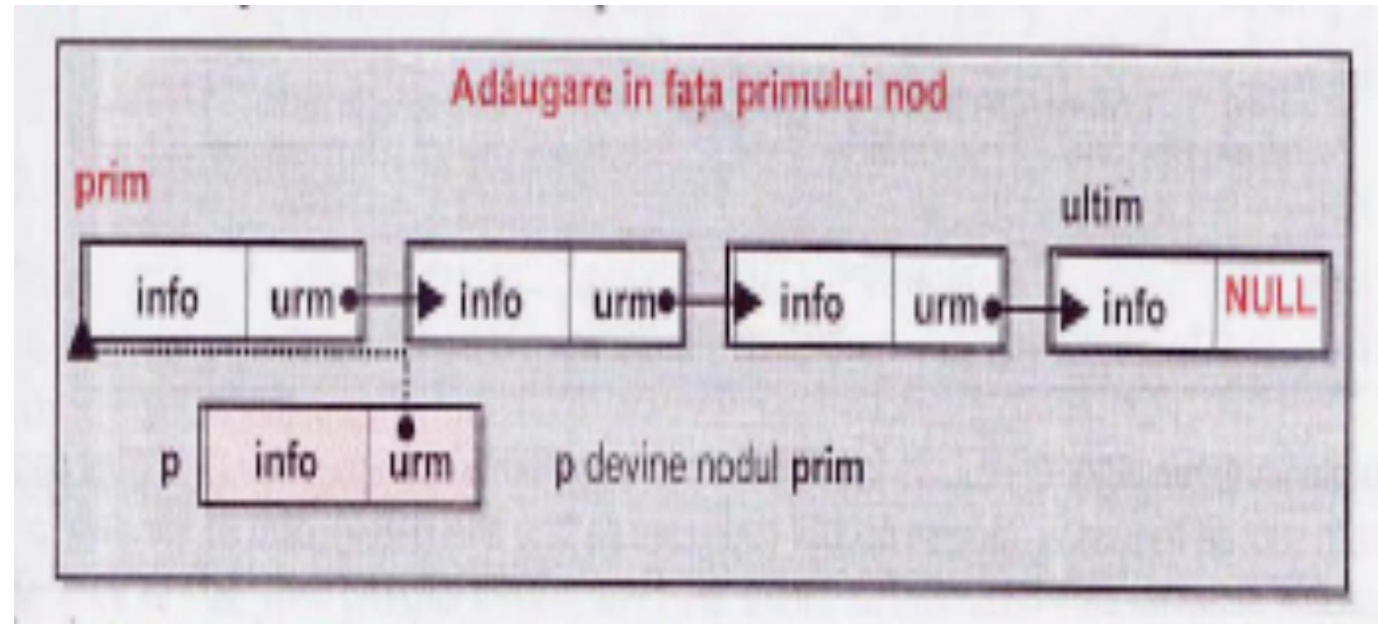


Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Adaugarea in fata primului nod:

```
void adaug_inainte_prim ( adresa &prim, adresa  
    &ultim, int n )
```

```
{ p = aloc_mem ( );  
  lista [ p ] . info = n;  
  lista [ p ] . urm = prim;
```



```
if (este_vida ( prim ))  ultim = p;  
    prim = p; }
```

Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Adaugarea in interiorul liste: a) Dupa nodul q

```
void adaug_dupa (int info_nod_q,  int info_nod_nou )  
{
```

```
//aflu nod q
```

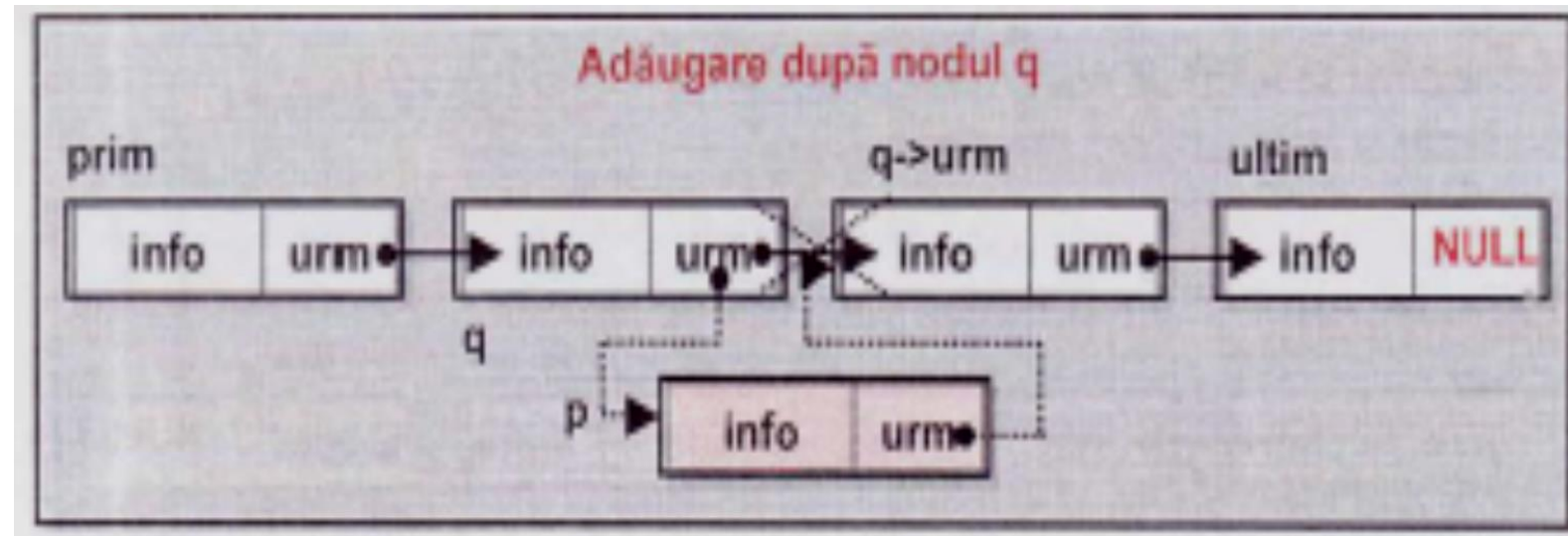
```
p = aloc_mem ( );
```

```
lista [ p ] . info =  n;
```

```
lista [ p ] .urm = lista [ q ].urm;
```

```
lista [ q ] .urm = p;
```

```
if ( lista [ p ] .urm == NULL )  ultim = p;  }
```



Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Adaugarea in interiorul liste: b) Inainte de nodul q

```
void adaug_in_fata (int info_nod_q,  int info_nod_nou )
```

```
{ //aflam nod q
```

```
  p = aloc_mem ( );
```

```
  lista [ p ] . info = lista [ q ] . info;
```

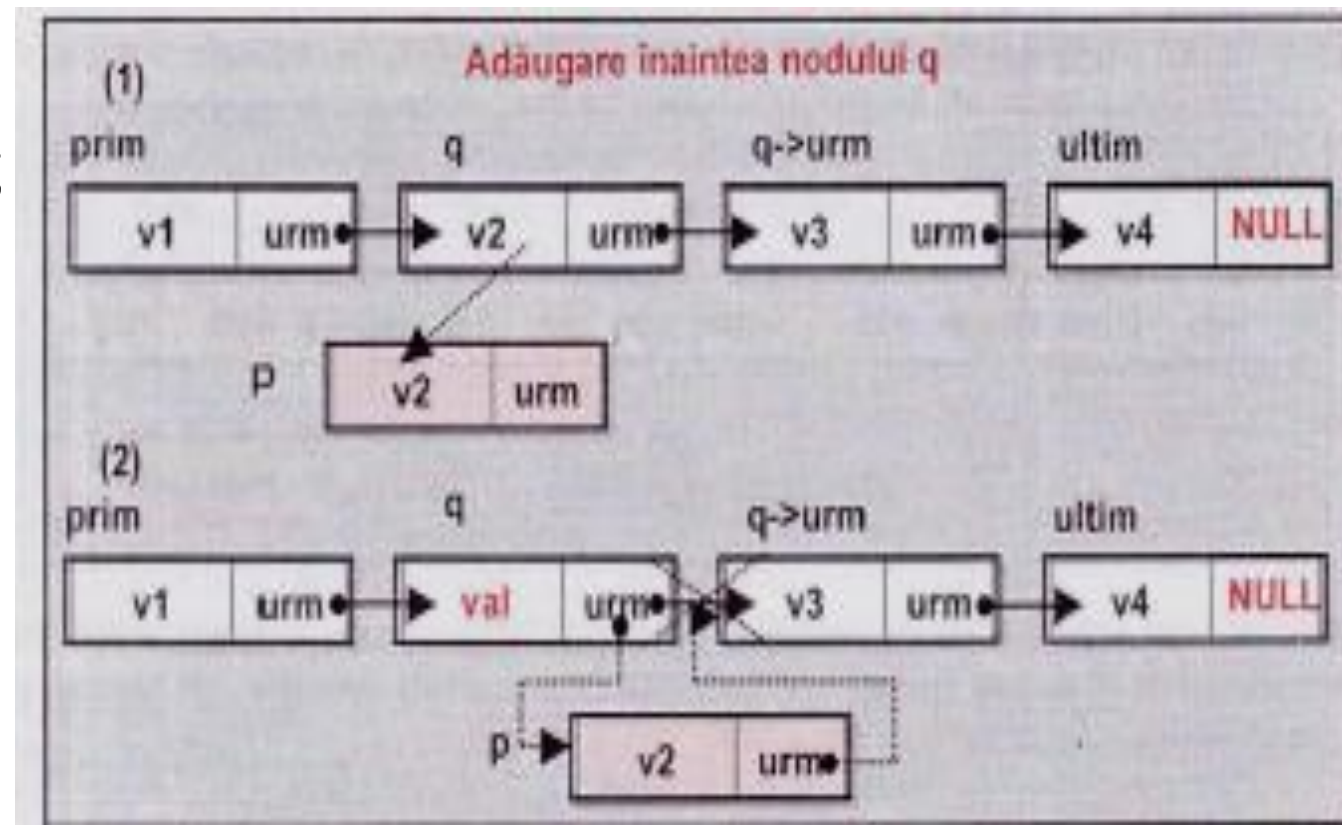
```
  lista [ q ] . info = n;
```

```
  lista [ p ] . urm = lista [ q ].urm;
```

```
  lista [ q ] . urm = p;
```

```
  if ( lista [ p ] . urm == NULL )
```

```
    ultim = p;  }
```



Algoritmi pentru prelucrarea listelor

Parcurgerea listei:

```
void parcurge ( adresa prim )  
{ for ( p = prim; p != NULL; p = lista [ p ] . urm )  
    // se prelucreaza  lista [ p ] . info;
```

Exercitiu: Eliminarea unui element -> laborator

Alte probleme cu liste – EXERCITII laborator

1. Să se creeze o listă cu numere întregi folosind crearea prin adăugarea elementelor la începutul listei (stiva).

Se cere:

- a) Să se afișeze conținutul listei
- b) Să se determine suma și maximul elementelor listei

- Exemplu:

Pentru $n=4$ și elementele $\{-3, 10, -7, 5\}$, se obtine suma = 5 si maximul = 10

Pas 1: Stabilim care sunt datele de intrare, împreună cu datele de ieșire.

- **Date de intrare:** lista cu n elemente
- **Date de ieșire:** suma și maximul

Pas 2: Analiza problemei

1. Construirea listei(stiva) cu n elemente
2. Afișarea listei
3. Parcurgerea listei si adunarea elementelor
4. Parcurgerea listei și aflarea maximului
5. Afișarea sumei și a maximului

Gândim problema pe subprograme ce pot fi apelate.

1. Realizăm o metodă pentru crearea listei.
2. Realizăm o metodă care returnează suma și o metodă care returnează maximul.
3. Realizăm o metodă de afișare a listei.

1. Crearea listei - dinamic utilizând pointeri

struct lista

{ int info;

lista *urm;

};

lista *p, *prim, *ultim; //nod curent, nod prim , nod ultim

void creare(lista *&prim, lista *&ultim) {

//avem nevoie de referință la pointer pentru a pointa către următoarea adresă din memorie, altfel rămâne null

citeste n //se citește n – numărul de elemente dorit

citeste inf //informația

//se adaugă primul element și se atribuie prima informație acestuia

prim=new lista //se alocă memorie

prim->info = inf

prim->urm = NULL //primul nod va fi și ultimul

ultim=prim

// se citesc celelalte informații pentru celelalte noduri

pentru i = 2 .. n

 citeste inf

 p = new lista //nodul curent considerat noul nod de introdus în listă

 p->info=inf

 p->urm = prim

 prim =p

}

2. Afișarea listei

```
void afisare (lista *prim) {  
    p, nodul curent este nodul prim  
    cat timp nodul_current (p) nu este NULL  
        scrie p->info  
        p=p->urm    }
```

3. Calcul suma și maximul

```
int suma (lista *prim) {  
    suma=0  
    p, nodul curent este nodul prim  
    cat timp p nu este NULL  
        suma+=p->info  
        trec la urmatorul nod  
    return suma    }
```

```
int maxim (lista *prim)  {  
    p, nodul curent este nodul prim  
    maxim = informatia primului nod  
    cat timp nodul curent diferit de null  
        daca p->info > maxim  
            maxim = p->info  
        p=p->urm //se trece la următorul nod  
    return maxim      }
```

2. Să se creeze o listă cu numere întregi folosind crearea prin adăugare la sfârșitul listei. Se cere:

- a) Să se afișeze conținutul listei
- b) Să se determine numărul de numere prime

- Exemplu:

Pentru $n=4$ și elementele $\{11, 10, 13, 5\}$, se obțin 3 numere prime

Pas 1: Stabilim care sunt datele de intrare, împreună cu datele de ieșire.

- **Date de intrare:** lista cu n elemente
- **Date de ieșire:** numărul de numere prime

1. Crearea listei - dinamic utilizând pointeri

struct lista

{ int info;

lista *urm;

};

lista *p, *prim, *ultim; //nod curent, nodul prim , nod ultim

void creare(lista *&prim, lista *&ultim) {

//avem nevoie de referință la pointer pentru a pointa către următoarea adresă din memorie, altfel rămâne null

citeste n //se citește n – numărul de elemente dorit

citeste inf //informația

//se adaugă primul element și se atribuie prima informație acestuia

prim=new lista //se alocă memorie

prim->info = inf

prim->urm = NULL //primul nod va fi și ultimul

ultim=prim

// se citesc celelalte informații pentru celelalte noduri

pentru i = 2 .. n

 citeste inf

 p = new lista //nodul curent considerat noul nod de introdus in listă

 p->info=inf

 p->urm = NULL //se adaugă la sfârșitul listei

 ultim->urm = p

 ultim =p

}

2. Afișarea listei

```
void afisare (lista *prim) {  
    p, nodul curent este nodul prim  
    cat timp nodul_current (p) nu este NULL  
        scrie p->info  
        p=p->urm    }
```

3. Verific dacă un număr este număr prim

```
int verific_prim (int nr) {  
    int flag = 1  
    pentru i = 2 .. nr/2  
        daca nr%i =0  flag=0  
    return flag    } //dacă flag rămâne 1 atunci numărul nu este prim, altfel return 0
```

4. Verific dacă elementele din listă sunt numere prime

```
int prime (lista *prim)  {  
    p, nodul curent este nodul prim  
    contor = 0  //pentru a număr numerele prime  
    cat timp nodul curent diferit de null  
        daca verific_prim (p->info ) = 1  
            contor ++  
        p=p->urm  //se trece la următorul nod  
    return contor  
}
```

3.Să se creeze o listă cu primii n termeni din sirul lui Fibonacci. Se cere:

- **Exemplu: Pentru $n=7$ se obtine lista cu elementele 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13.**

Pas 1: Stabilim care sunt datele de intrare, împreună cu datele de ieșire.

- **Date de intrare:** lista cu **primele două elemente** având informația 1
- **Date de ieșire:** celelalte elemente din șirul lui Fibonacci

1. Crearea listei - dinamic utilizând pointeri

struct lista

{ int info;

lista *urm;

};

lista *p, *prim, *ultim; //nod curent, nod prim , nod ultim

void creare(lista *&prim, lista *&ultim, int numar_elem_fibonacci) {

//avem nevoie de referință la pointer pentru a pointa către următoarea adresă din memorie, altfel rămâne null

```
prim=new lista // se alocă memorie
prim->info = 1 // valoarea 1 la primul element din lista
prim->urm = NULL //primul nod va fi și ultimul
p=new lista // avem nevoie de un al doilea nod
p->info = 1
p->urm=NULL
prim->urm=p // primul nod pointează către p
ultim=p //acum avem două noduri
// se citesc celelalte informații pentru celelalte noduri
i=2, j=1, k=1 // pentru a calcula valoarea pentru nodul trei avem nevoie de doua valori 1, iar în i se va calcula elem Fibonacci
cât timp  numar <= numar_elem_fibonacci
    i = j + k
    p = new lista //nodul curent considerat noul nod de introdus in listă
    p->info= i
    p->urm = NULL //se adaugă la sfârșitul listei
    ultim->urm = p
    ultim =p
    j = k și k = i
```

11. Structura de date de tip stivă

Stiva este un tip particular de listă, pentru care atât operația de inserare a unui element în structură, cât și operația de extragere a unui element se realizează la un singur capăt, denumit **vârful** stivei.

- singurul element din stivă la care avem acces direct este cel de la vârful stivei;
- trebuie cunoscut în permanență vârful stivei;
- stiva este utilizată atunci când programul trebuie să amâne execuția unor operații, pentru a le executa ulterior, în ordinea inversă apariției lor;
- stiva funcționează după principiul **LIFO (Last In First Out)**;

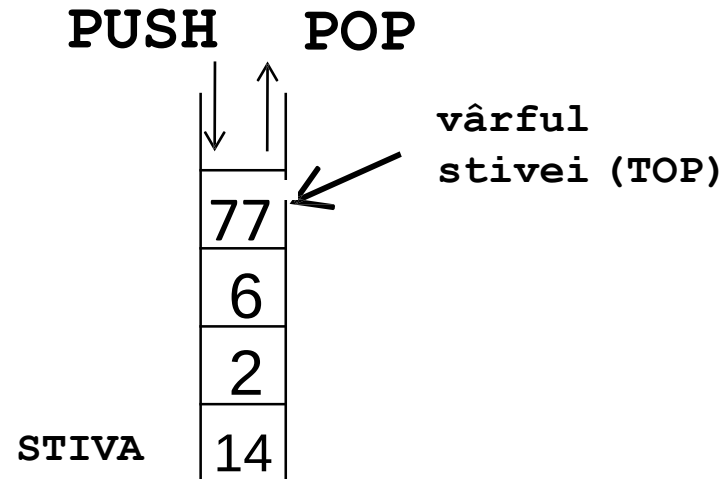
Operații elementare care se pot efectua asupra unei stive:

- crearea unei stive vide;
- înserarea unui element în stivă (**PUSH**);
- extragerea unui element din stivă (**POP**);
- accesarea elementului de la vârful stivei (**TOP**).



Exemplu

14, 2, 6, 77



Reprezentarea stivelor

Cel mai simplu mod de a **implementa o stivă** constă în memorarea elementelor sale într-un vector.

Declararea stivei:

```
<tip> <identificator>[<nr_elemente>;
```



Exemplu

```
int STIVA[11];
```

1. Crearea unei stive vide

- se inițializează numărul de elemente din stivă cu 0;



Exemplu

```
int vârful=0;
```

2. Inserarea unui element în stivă

- se verifică dacă stiva nu este plină;
- se mărește vârful stivei;
- se plasează la vârf noul element;

Exemplu

```
if (varf==10)
    cout<<"Stiva este plină";
else
{
    varf++;
    STIVA[varf]=e;
}
```

3. Extragerea unui element din stivă

- se verifică dacă stiva nu este vidă;
- se reține elementul din vârful stivei într-o variabilă;
- se micșorează cu o unitate vârful stivei;



Exemplu

```
if (varf==0)
    cout<<"Stiva este vidă";
else
{
    e=STIVA[varf] ;
    varf-- ;
}
```

4. Accesarea elementului din vârful stivei

- se memorează elementul din vârful stivei într-o variabilă;



Exemplu

e=STIVA[varf] ;

12. Structura de date de tip coadă

Coadă este un tip particular de listă, pentru care operația de inserare a unui element se realizează la un capăt, iar operația de extragere a unui element se realizează la celălalt capăt.

- singurul element din coadă la care avem acces direct este cel de la început;
- trebuie cunoscut în permanență începutul cozii și sfârșitul cozii;
- coada este utilizată atunci când informațiile trebuie prelucrate exact în ordinea în care “au sosit” și ele sunt reținute în coadă până când pot fi prelucrate;
- coada funcționează după principiul **FIFO** (**F**irst **I**n **F**irst **O**ut);

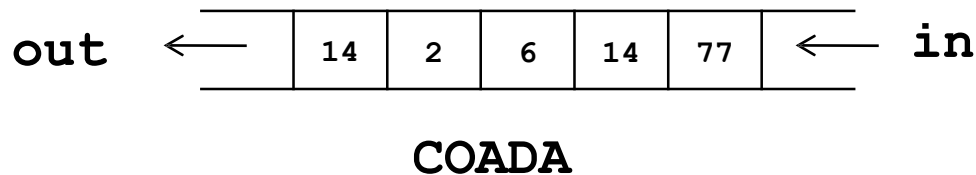
Operații elementare care se pot efectua asupra unei cozi: **Structura de date de tip coadă**

- crearea unei cozi vide;
- înserarea unui element în coadă;
- eliminarea unui element din coadă;
- accesarea unui element din coadă.



Exemplu

14, 2, 6, 77



Reprezentarea cozilor

Cel mai simplu mod de a **implementa o coadă** constă în memorarea elementelor sale într-un vector.

Declararea cozii:

```
<tip> <identificator>[<nr_elemente>;
```



Exemplu

```
int COADA[11];
```

1. Crearea unei cozi vide

- se inițializează numărul de elemente din coadă cu 0, pentru această se inițializează variabilele **început** și **sfârșit**;

Exemplu

```
int           început=1, sfarsit=0;
```

2. Inserarea unui element în coadă

- se verifică dacă coada nu este plină;
- se mărește sfârșitul cozii cu o unitate;
- se plasează la sfârșit noul element;



Exemplu

```
if (sfarsit==10)
    cout<<"Coadă este plină";
else
{
    sfarsit++;
    COADA[sfarsit]=e;
}
```

3. Eliminarea unui element din coadă

- se verifică dacă coada nu este vidă;
- se reține elementul de la începutul cozii într-o variabilă;
- se mărește cu o unitate începutul cozii;

Exemplu

```
if (inceput>sfarsit)
    cout<<"Coadă este vidă";
else
{
    e=COADA[inceput];
    inceput++;
}
```

4. Accesarea unui element din coadă

- se memorează elementul de la începutul cozii într-o variabilă;



Exemplu

```
e=COADA[inceput] ;
```

13. Bibliografie și webografie

1. Cerchez E., Șerban M., *Informatică. Manual pentru clasa a X-a*, Editura Polirom, Iași, 2000
2. [http://ro.wikipedia.org/wiki/Lista_\(structur%C4%83_de_date\)](http://ro.wikipedia.org/wiki/Lista_(structur%C4%83_de_date))
3. [http://ro.wikipedia.org/wiki/Stiv%C4%83_\(structur%C4%83_de_date\)](http://ro.wikipedia.org/wiki/Stiv%C4%83_(structur%C4%83_de_date))
4. [http://en.wikipedia.org/wiki/Stack_\(abstract_data_type\)](http://en.wikipedia.org/wiki/Stack_(abstract_data_type))